DOI:10.16781/j.CN31-2187/R.20210959

・海洋军事医学・

海军大型战斗舰艇传染病预测模型选择

齐 亮¹,刘晓荣^{2*}
1.海军军医大学(第二军医大学)卫生勤务学系卫生勤务学教研室,上海 200433
2.海军军医大学(第二军医大学)海军卫勤训练基地,上海 200433

[摘要] 海军大型战斗舰艇作为一种重要的海上作战平台,内部空间紧凑,编制人员密集,一旦发生传染病极易流行。因此,选择适用于该环境的传染病预测模型对卫生防疫工作的顺利开展非常重要。本文介绍了4个经典的传染病动力学模型,总结了各类仓室模型及其关键特征,并就常见的几种实际模拟需求展开讨论,以期能帮助相关卫勤人员应对诸如新型冠状病毒肺炎疫情防控等卫生防疫工作中的挑战。

[关键词] 传染病数学建模; 易感-感染-恢复模型; 动力学模型; 预测模型; 仓室模型; 新型冠状病毒肺炎; 卫生防疫; 大型战斗舰艇

[中图分类号] R 824.2 [文献标志码] A [文章编号] 2097-1338(2022)09-1059-07

Selection of forecasting models for infectious diseases in large warships

QI Liang¹, LIU Xiao-rong^{2*}

1. Department of Health Services, Faculty of Health Services, Naval Medical University (Second Military Medical University), Shanghai 200433, China

2. Naval Medical Service Training Base, Naval Medical University (Second Military Medical University), Shanghai 200433, China

[Abstract] As important combat platforms, large warships have the characteristics of compact internal space and dense personnel. Once infectious diseases occur, they are very easy to spread. Therefore, it is very important to select suitable forecasting models for infectious diseases in this environment. This paper introduces 4 classic dynamics models of infectious diseases, summarizes various kinds of compartmental models and their key characteristics, and discusses several common practical simulation requirements, helping relevant health personnel to cope with the challenges in health and epidemic prevention such as the prevention and control of coronavirus disease 2019.

[**Key words**] mathematical modelling of infectious diseases; susceptible-infected-recovered model; dynamics model; forecasting model; compartmental model; coronavirus disease 2019; health and epidemic prevention; large warship

[Acad J Naval Med Univ, 2022, 43(9): 1059-1065]

传染病不仅严重威胁军队成员的生命安全,而 且严重阻碍部队战斗力的生成。我军一直坚持"预 防为主"的卫生方针,建立、健全了各级卫生防疫 机构,强化了对传染病的管理机制。但在 2003 年 应对严重急性呼吸综合征(severe acute respiratory syndrome, SARS)和 2019 年至今抗击新型冠状 病毒肺炎(coronavirus disease 2019, COVID-19) 疫情的过程中,我军的疫情防控工作仍面临巨大挑 战。在面对已经出现或潜在发生的传染病时,负责 卫生防疫工作的卫勤人员只有在短时间内做到对疫 情发展态势的现况理解和初步预测,才能给出可行 的应对方案。目前虽然我军已建立了集疫情信息采 集、分析、预报和控制为一体的军队疾病预防控制 机构,但针对特殊机动单元的任务执行群体,具有 较高参考价值的预测模型仍十分缺乏。

海军大型战斗舰艇作为一种重要的海上作战

[收稿日期] 2021-09-12 [接受日期] 2021-12-07

[基金项目] 上海市浦江人才计划(15PJC097),军队生物安全专项(20SWAQX46),军队后勤重点项目(BS218R006),军队双重支持项目. Supported by Pujiang Talent Program of Shanghai (15PJC097), Biosecurity Project of PLA (20SWAQX46), Key Logistics Project of PLA (BS218R006), and Dual Support Project of PLA.

[作者简介] 齐 亮,博士,讲师. E-mail: qingri212@163.com

*通信作者(Corresponding author). Tel: 021-81872087, E-mail: lxrsmmu@163.com

平台,内部空间紧凑,编制人员密集,一旦发生传 染病极易流行。在执行出海任务的过程中,除了靠 码头补给和靠帮补给,舰艇人员内外的流动几乎是 停滞的,这种封闭的环境导致舰艇本身承载的舰员 和官兵群体天然地构成了典型的传染病仓室模型 结构。也就是说,舰上人员可被划分为若干个类别 (仓室),每个人都必然处于一种疾病状态(如潜 伏状态、感染状态、易感状态等),海军大型战斗 舰艇上发生传染病的场景非常适合通过数学手段建 立仓室模型,以便相关卫勤人员更好地研究传染病 的传播动力学过程。

1 经典的传染病预测模型

1.1 马尔萨斯(Malthus)模型/S模型 马尔萨斯 模型是由英国人口和统计学家托马斯・罗伯特・马 尔萨斯(Thomas Robert Malthus)牧师于 1798年 提出的一种人口数学模型^[1]

$$\frac{\mathrm{d}N(t)}{\mathrm{d}t} = rN(t), N(t=t_0) = N_0 \tag{1}$$

其中,*r*代表出生率, 假定为常数, 或称为生命系数; *N*(*t*)为*t*时刻的人口数量。

可得式(1)的解为

$$N(t) = N_0 e^{r(t-t_0)}$$
(2)

如果 r>0,则人口增长将会按照指数规律无限 增长。若将 t 以 1 年或 10 年为单位离散化,则人口 总数按以 e[']为公比的等比数列增加。这就是马尔 萨斯人口指数增长模型,简称马尔萨斯模型。在用 于传染病建模时,因该模型只有单一的易感人群变 量,故有学者称其为 S 模型^[2]。

当人口数量不大时,生存空间和资源非常充 裕,人口总数确实可能呈现指数增长,此时上述模 型能够很好地说明人口总数的增长情况。但当人口 总数很大时,指数增长的线性模型无法反映出环境 条件的限制,也无法给出在受到这一限制时可供养 人数的上限值。

在将该模型用于模拟传染病的流行时,可以假 设在外执行任务的某舰艇总人数为 n,初始时刻 t₀ 共有 i₀ 人感染疾病, t 时刻感染的人数为 i(t)。假设 每例感染者在单位时间内都会将疾病传染给 k 人, 且此病患者既没有死亡也不会康复,则有与式(1) 相同的模型,并得到式(2)的解。式中假设为常 数的 r 在医学上可被称为该传染病在此舰艇环境中 的传染强度。 同理可知,在舰艇总人数较少的情况下,马尔 萨斯模型可被用于预测流行初期的感染人数,但随 着时间的推移,它将越来越偏离实际情况。

1.2 逻辑斯蒂(logistic)模型/SI 模型 在马尔萨 斯模型的式(2)中,模型以 e^r为公比呈几何级数 无限增长,所以会脱离实际。很明显,对传染病流 行而言,在现存健康总人数固定的情况下,感染者 数量的无限增长是不可能的。1834年,比利时数学 家皮埃尔•弗朗索瓦•韦胡斯特(Pierre Francois Verhulst)在马尔萨斯模型的基础上,提出了受限 条件下的人口增长模型,之后他又引入了逻辑斯蒂 增长模型、逻辑斯蒂方程等重要概念^[3]。

为了避开马尔萨斯模型无限制的假设, 韦胡斯特引入了环境最大容纳量常数 N_m (也常用 K表示),用于表示自然资源条件所能容纳的最大人口数,并假设其净相对增长率为 $r(1-N(t)/N_m)$ 。也就是说,相对增长率随 N(t)的增加而降低,而当 $N(t) \rightarrow N_m$ 时,净增长率 $\rightarrow 0$ 。此时人口增长的方程变为

$$\frac{\mathrm{d}N}{\mathrm{d}t} = r(1 - \frac{N}{N})N \tag{3}$$

这就是由韦胡斯特命名的经典逻辑斯蒂方程。其中*r*可称为内禀自然增长率(intrinsic rate of natural increase),即在空间、食物等资源无限制的条件下种群所能达到的最大增长率,这个常数反映了种群的内在特征。

设初值条件 $t=t_0$, $N=N_0$, 则式(3)的解为

$$N(t) = \frac{N_m}{1 + \frac{N_m}{N_0} - e^{r(t-t_0)}}$$
(4)

这就是著名的逻辑斯蒂模型。从示例模型图(图1) 可以看出,逻辑斯蒂曲线呈S形。



图 1 逻辑斯蒂曲线示例 (环境最大容纳量常数 N_m = 1)

当*N_m*与*N*相比非常大的时候,*rN²/N_m*与*rN* 相比就非常小,此时即恢复到近似无限制的马尔 萨斯模型;反之,则*rN²/N_m*的存在感越强,环境的 限制就越能产生作用,人口总数的增长速度就会更 快地下降。因此,逻辑斯蒂模型也称为增长阻滞 模型。

逻辑斯蒂模型通常分为开始期、加速期、转 折期、减速期和饱和期5个时期。在开始期,个体 数量少,密度增长缓慢,也称为潜伏期;随着个体 数量的增加,密度的增长加速,进入加速期;当个 体数量达到饱和数量的一半时,密度增长速度升至 顶峰,随后立刻下降,即转折期;在减速期,个体 数量继续增加,但密度的增长速度变慢;在饱和期, 个体数量达到了环境最大容纳量,无法继续增加。

用于传染病场景时,逻辑斯蒂模型可有效地区 分易感者和感染者,因此也被称为SI模型。它是 最简单的传染病模型,设定所有个体一旦感染就永 远处于感染的状态。但即便是单纯模拟人口的变 化,在实际社会中影响人口变化的因素也很多,如 老龄化进程、性别比的变化、年龄结构等,这使得 逻辑斯蒂模型仍存在诸多不完美之处。

在逻辑斯蒂模型的基础上,若假设已经康复的 人并不能获得免疫力,则他们又成了易感人群,这 就构成了易感-感染-易感(susceptible-infectedsusceptible, SIS)模型。这种模型有一定的应用范 围,但始终受逻辑斯蒂模型的人群状态限制,与实 际情况存在差距。

1.3 易感-感染-恢复(susceptible-infected-recovered, SIR)模型 苏格兰生物化学家威廉・奥格威・克 马克(William Ogilvy Kermack) 与流行病学 家安德森・格雷・麦肯德里克(Anderson Gray McKendrick)在1927^[4]、1932^[5]和1933年^[6]发 表了一系列文章,共同提出了SIR模型。SIR模型 引入了新的变量,更加适用于描述传染病发展的 整体趋势,成为研究传染病动力学的经典模型。 COVID-19疫情暴发以来,该动力学模型已被广泛 应用于传染病流行规律的探索、传染病数学模型的 构建及传染病预测和控制等工作中^[7-10]。

在 SIR 模型中人群可分为 3 类: (1) 易感人 群 / 易感者, 是在某时刻尚未感染疾病但存在感染 风险的人群, 数量记为 S(t); (2) 已感染人群 / 感 染者, 是在某时刻已经被感染且自身成为一类传染 源的人群,数量记为*I(t)*;(3)已痊愈人群/恢复者, 是在某时刻已经得到合理治疗并康复的人群,数量 记为*R(t*)。

若 t 时刻的总人数为 N(t),则有

N(t) = S(t) + I(t) + R(t) (5)	N(t) = S(t) + I(t) + R(t)	$(\mathbf{f}$	5)
-------------------------------	---------------------------	----------------	---	---

SIR 模型的建立基于 3 个假设: (1) 忽略动 力学因素,人口数量始终保持恒定,即N(t)=K; (2) 假定易感者在接触感染者后会被传染,在t时 刻,易感者的数量与一例感染者能传染的易感者数 量呈正相关,其比例系数为 β ,则被传染的人数为 $\beta S(t)I(t)$; (3)存在一个时刻t,此时恢复者与感 染者数量成正比,其比例系数为 γ ,则单位时间内 恢复者数量为 $R(t)=\gamma I(t)$ 。由此可以得到人群类别 的发展过程(图2)。



图 2 易感 - 感染 - 恢复模型结构

S:易感人群/易感者;I:已感染人群/感染者;R:已痊愈人群/恢复者.

SIR 模型的微分方程组为

$$\frac{dI}{dt} = \beta SI - \gamma I \tag{6}$$

$$\frac{\mathrm{d}S}{\mathrm{d}t} = -\beta SI \tag{7}$$

$$\frac{\mathrm{d}R}{\mathrm{d}t} = \gamma I \tag{8}$$

由此可得,感染者的数量 $I=(S_0+I_0)-S+(1/\sigma)\ln(S/S_0)$,其中被感染者接触的人数为 $\sigma=\beta/\gamma$ 。

以上即为最原始的 SIR 模型。

与基于逻辑斯蒂模型建立 SIS 模型一样,如 果假设感染者即便痊愈仍然无法获得长久的免疫 力,即令痊愈者在经过一段时间之后回归到易感 人群,此时可以拓展出易感-感染-恢复-易感 (susceptible-infected-recovered-susceptible, SIRS) 模型。

海军舰艇在执行任务尤其是长远航任务的过程中,总人数是相对固定的;官兵的轮岗频率相对固定,且同时在1~2个餐厅就餐,在没有设隔离制度的情况下,其感染者接触率也较为稳定。因此,针对痊愈后可获得长期免疫的传染病人群,或虽无法获得长期免疫但仍处于免疫保护的发展阶段的恢复者,就可以采用基础的SIR模型进行预测。

SIR模型没有纳入对检疫工作的考虑。检疫是 对曾与感染者或感染环境接触并有可能感染而成为 传播者的人所采取的管理措施。作为卫生防疫工作 的重要内容之一,检疫的目的是防止可能的潜在传 播者在传染病的潜伏期向外传播疾病。SIR模型需 要加入尚未发病的感染者,才能更加接近实际情况。 1.4 易感-暴露-感染-恢复(susceptible-exposedinfected-recovered, SEIR)模型 SEIR模型是目前 传染病研究最常用的模型,其被广泛运用的原因在 于它可以清晰地描述传染病传播的动态逻辑关系, 并在合适参数下能够给出相对准确的传播趋势预 测。在 COVID-19 疫情发生后,已有许多应用该模 型进行预测的研究^[11-13]。

SEIR 模型将人群分为4类,在SIR 模型的3 类人群之外增加了暴露者/潜伏者这一变量,数量 记为*E*(*t*)。总人数*N*仍旧是所有类别人数之和,即 *N*=*S*+*E*+*I*+*R*。健康人群的比例为*S*/*N*。

SEIR 模型的微分方程为

$$\frac{\mathrm{d}S}{\mathrm{d}t} = -r\beta I \frac{S}{N} \tag{9}$$

$$\frac{\mathrm{d}E}{\mathrm{d}t} = r\beta I \frac{S}{N} - \alpha E \tag{10}$$

$$\frac{\mathrm{d}I}{\mathrm{d}t} = \alpha E - \gamma I \tag{11}$$

$$\frac{\mathrm{d}R}{\mathrm{d}t} = \gamma I \tag{12}$$

其中, r代表一例感染者接触的人数, β代表未感 染者变成潜伏者的概率, γ代表感染者最终痊愈变 成恢复者的概率, α代表潜伏者变成感染者的概 率。由此得到该模型人群类别的发展过程(图3)。





S:易感人群/易感者;E:暴露者/潜伏者;I:已感染人群/感染 者;R:已痊愈人群/恢复者;β:S变成E的概率;α:E变成I的 概率;γ:I最终痊愈变成R的概率.

虽然 SEIR 模型引入了潜伏者这一变量,大大 增强了与现实生活的相似性,但对 COVID-19 这 类包含无症状感染者的传染病,传统的 SEIR 模 型仍然需要改进,以满足更加复杂的现实应用需 求。例如,有的模型增加了无症状感染者和病 死者这 2 个新的变量,构建易感-暴露-感染-无症状感染-病死-恢复(susceptible-exposedinfected-asymptomatic-dead-recovered, SEIADR) 模型来实施疫情预测^[12];也有学者采用自适 应权重的粒子群(particle swarm optimization, PSO)算法对SEIR模型进行反演计算,构建了 PSO-SEIR模型^[14]。

2 仓室模型

以上 4 种经典模型都将总体人群分成了不同 的虚拟仓室,传染病的传播就好像是使人们从一个 仓室"进入"另一个仓室,因此都是典型的仓室模 型。其基本思路是将人群划分为若干个类别(仓 室),用来代表处于不同疾病状态的人群,然后采 用数学手段建立这些变量的动力学方程,研究传染 病的传播动力学过程^[15]。严格地讲,仓室模型概 念的提出源于经典 SIR 模型。

SIR 模型是最常见、最简单的仓室模型,大部分复杂模型都源于 SIR 模型。该模型更适于模拟人传人的疾病,如麻疹、风疹和流行性腮腺炎等。在经典模型的基础上,学者们建立了种类丰富的模型库,可根据不同的舰艇类型、不同的预测时长、不同的传播阶段、不同的危险程度进行模型选择。

仓室模型通常用常微分方程构建,是确定性的,也有随机性的框架,且随机性本身可以让模型 更加贴近复杂的现实情况。

为了理清各类仓室模型的适用范围,本文总结 了各类仓室模型及其关键特征(表1),以期能帮助相关卫勤人员选择适合海军舰艇环境及其任务场 景的传染病预测模型,更好地应对 COVID-19 疫情 等卫生防疫工作中的挑战。

3 实际模拟需求和模型选择

对基础模型的选择,必须综合考虑海军大型战 斗舰艇的舰船特征、任务属性、人员组成等因素。 除了舰艇相关因素,所要模拟的疫情发展阶段及传 染病本身具备的传播特征也应予以重视。针对海军 大型战斗舰艇常见的实际模拟需求,以下几种模型 更可能被选用。

(1)针对海军大型战斗舰艇已经出现或可能存在潜在"零号病人"的情景进行建模,仅需使用马尔萨斯模型或逻辑斯蒂模型即可。"零号病人" 指第1个感染并开始散播病原体的患者,在流行病调查中常被称为初始病例或标识病例,对"零号病 人"的细致调查可为病因分析、预测、控制措施的 选择、预警机制的建立提供宝贵信息。如果舰艇获 知自身满足潜在暴露条件(如物资补给、人员轮 换等)的时间是在暴露完成之后,且潜在"零号病 人"的检疫工作并未立即执行,相关卫勤人员应当 立刻建立初期无资源限制的病例增长模型。此时建 立预测模型的实际作用主要是尽快明确舰艇自持能 力受疫情影响的最大程度,从而做好充足的卫勤管 理准备。

表1 传染病仓室模型类型及关键特征描述

模型名称	仓室划分	人群流动过程	关键特征	文献研究模型示例
逻辑斯蒂 模型	2 类仓室: ①易感人群; ②感 染人群	1)→2)	只区分感染者和易感者2 类人群	如今已不再被用于传染病研究
SIS模型	2 类仓室: ①易感人群; ②感 染人群	$\textcircled{1} \rightarrow \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{1}$	不纳入长期免疫人群	丙类传染病: 流行性感冒 ^[16] ; 普通感冒 ^[16]
SIR模型	3 类仓室:①易感人群; ②感 染人群; ③痊愈人群	(1)→(2)→(3)	纳入常见的3类人群,符 合大多数传染病的基本 现实情况	几乎覆盖所有传染病类型,包括COVID-19 ^[7-10]
SIRD模型	4 类仓室: ①易感人群; ②感 染人群; ③痊愈人群; ④病死 人群	①→②→③或④	痊愈人群具备一定的免 疫力	乙类传染病: COVID-19 ^[17] ; 其 他传染病: 埃博拉出血热 ^[18] ; 附带社区结构建模 ^[19]
SIRS模型	3 类仓室: ①易感人群; ②感 染人群; ③痊愈人群	$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 1$	不考虑免疫的作用, 痊愈 的人再次进入易感状态	更常见于复杂网络研究 ^[20] 、计 算机病毒研究 ^[21]
SIRV模型	4 类仓室: ①易感人群; ②感 染人群; ③痊愈人群; ④接种 人群	①→②→③或①→④	从易感人群中分出免疫 接种人群	乙类传染病: COVID-19 ^[22] ; 酸 菌线状病毒 1 型 ^[23] ; 附带非线 性发病率和接种率 ^[24]
SEI模型	3 类仓室: ①易感人群; ②潜 伏人群; ③感染人群	$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3$	不包含对康复过程的考虑	乙类传染病:登革热 ^[25] ;犬疥 螨病 ^[26]
SEIS模型	3 类仓室: ①易感人群; ②潜 伏人群; ③感染人群	$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 1$	类似SEIR模型,但人群 无法获得免疫力	乙类传染病:感染性腹泻病 ^[27] ; 附带潜伏期高低极值 ^[28]
SEIR 模型	4 类仓室: ①易感人群; ②潜 伏人群; ③感染人群; ④痊愈 人群	$\textcircled{1}\rightarrow \textcircled{2}\rightarrow \textcircled{3}\rightarrow \textcircled{4}$	纳入对潜伏期的考虑	乙类传染病: COVID-19 ^[11-13] 、 结核病 ^[29] ; 附带干预策略 ^[30]
SEIRS模型	4 类仓室: ①易感人群; ②潜 伏人群; ③感染人群; ④痊愈 人群	$\textcircled{1} \rightarrow \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{3} \rightarrow \textcircled{4} \rightarrow \textcircled{1}$	允许痊愈人群返回到易 感状态,即其免疫力是有 时效性的	乙类传染病:COVID-19 ^[31] ;附 带非线性发病率 ^[32]
MSIR模型	4 类仓室:①母体被动免疫 人群; ②易感人群; ③感染人 群; ④痊愈人群	$\textcircled{1} \rightarrow \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{3} \rightarrow \textcircled{4}$	纳入由母乳带来的被动 免疫婴儿群体	乙类传染病: COVID-19 ^[33] 、病 毒性肝炎 ^[34]
MSEIR 模型	5 类仓室: ①母体被动免疫 人群; ②易感人群; ③潜伏人 群; ④感染人群; ⑤痊愈人群	$(1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5)$	在SEIR模型基础上考虑 到被动免疫因素	水痘 ^[35] ;附带二次感染 ^[36] 、接种的年龄结构 ^[37]
MSEIRS 模型	5 类仓室:①母体被动免疫 人群; ②易感人群; ③潜伏人 群; ④感染人群; ⑤痊愈人群	$\begin{array}{c} \textcircled{1} \rightarrow \textcircled{2} \rightarrow \textcircled{3} \rightarrow \textcircled{4} \rightarrow \\ \overbrace{5} \rightarrow \textcircled{1} \end{array}$	在MSEIR模型基础上考 虑到痊愈人群免疫力的 短时效性	下呼吸道感染 ^[38]
携带者状态 模型	4 类仓室:①易感人群; ②感 染人群; ③痊愈人群; ④病原 体携带人群	①→②→③或④	纳入持续具备感染能力 但不发病的人群	乙类传染病:结核病、伤寒 ^[39]

SIS:易感-感染-易感;SIR:易感-感染-恢复;SIRD:易感-感染-恢复-病死;SIRS:易感-感染-恢复-易感;SIRV:易感-感染-恢复-接种;SEI:易感-暴露-感染;SEIS:易感-暴露-感染-易感;SEIR:易感-暴露-感染-恢复;SEIRS:易感-暴露-感 染-恢复-易感;MSIR:母体抗体保护-易感-感染-恢复;MSEIR:母体抗体保护-易感-暴露-感染-恢复;MSEIRS:母体抗体 保护-易感-暴露-感染-恢复-易感;COVID-19:新型冠状病毒肺炎. (2)如果检疫工作已顺利开展, 传染病在海 军大型战斗舰艇环境中传播的关键因素就是传播接 触数量和频率, 此时应当选用基础 SEIR 模型。式 (9)、(10)中的r代表了一例感染者接触的人 数, 在检疫不出差错的情况下应当是 0。一旦检疫 工作不到位, r就会随着人员的流动模式迅速发生 变化。例如, 若检疫目标进入战位, 则该战位轮值 频率和人数进入模型, 成为重要参数; 若检疫目标 进入餐厅, 则就餐规模和就餐时长成为关键影响因 素。此时建立预测模型的作用, 是利用预测结果为 检疫工作失效或低效情况下应急方案的制定提供核 心参数, 重点在于补救, 而非计划。

(3)如果长远航任务时间较长,疫情传播已经 越过了初期阶段,而在舰艇环境中病原体的迭代受 限,则纳入了接种工作的易感-感染-恢复-接种 (susceptible-infected-recovered-vaccinated, SIRV) 模型或允许痊愈者返回易感人群的易感-暴露-感染-恢复-易感(susceptible-exposed-infectedrecovered-susceptible, SEIRS)模型将会是更好 的选择。在面对疫情防控的持久战时,病例清零 任务的优先度将让位于战斗力的维护和保持。以 COVID-19为例,在病原体迭代的时间框架下,任 务时间极有可能已经相对地拉长到了某种程度,使 舰艇环境微缩成人与病原体长期共存的小世界。模 型中的时间跨度可被灵活控制和调整,而此时建模 预测的目标就是通过模拟各类现实的干预方法,选 出可令疫情起伏程度降至最低的卫生防疫措施。

综上所述,梳理和分析各类传染病模型十分有 必要。海军大型战斗舰艇在执行任务尤其是长远航 任务的过程中会面临诸多与其他军兵种截然不同的 卫勤保障难题,一旦遭遇重大疫情,卫勤指挥和计 划工作常常因缺少定量研究途径、没有定量结果支 撑等现实困难而受到阻碍,严重影响卫生防疫、药 材补给等后续工作的开展。卫勤人员可通过充分利 用灵活多样的模拟平台和应用程序得到更好的数据 支持,从而在相关卫勤工作中实施覆盖面更广的措 施、制定针对性更强的方案、做出准确度更高的 决策。

[参考文献]

[1] MEIRING H J. Thomas Robert Malthus, naturalist of the mind[J]. Ann Sci, 2020, 77: 495-523.

- [2] 马知恩,周义仓,王稳地,靳祯. 传染病动力学的数学 建模与研究[M].北京:科学出版社,2004:30-31.
- [3] CRAMER J S. The origins of logistic regression[R/OL]// Tinbergen Institute discussion paper. TI 2002-119/4.
 (2002-11) [2021-08-12]. https://papers.tinbergen. nl/02119.pdf.
- [4] KERMACK W O, MCKENDRICK A G. A contribution to the mathematical theory of epidemics[J]. Proc Royal Soc A Math Phys Eng Sci, 1927, 115: 700-721.
- [5] KERMACK W O, MCKENDRICK A G. Contributions to the mathematical theory of epidemics. II . The problem of endemicity[J]. Proc Royal Soc Lond, 1932, 138: 55-83.
- [6] KERMACK W O, MCKENDRICK A G. Contributions to the mathematical theory of epidemics. Ⅲ. Further studies of the problem of endemicity[J]. Proc Royal Soc Lond, 1933, 141: 94-122.
- [7] 朱仁杰,唐仕浩,刘彤彤,郭燕,董珊珊,成瀛,等.基于 改进SIR模型的新型冠状病毒肺炎疫情预测及防控 对疫情发展的影响[J].陕西师范大学学报(自然科学 版),2020,48:33-38.
- [8] 郭云龙. 基于SIR 模型的机动车内传染病传播研究[J]. 中国安全科学学报,2021,31:173-178.
- [9] 李承倬,武文韬,潘振宇,邓玉皎,李筱,代志军,等.基于SIR模型和基本再生数的浙江省新型冠状病毒肺炎防控效果分析[J].浙江医学,2020,42:311-314.
- [10] 张艳霞,李进. 基于SIR 模型的新冠肺炎疫情传播预 测分析[J]. 安徽工业大学学报(自然科学版),2020, 37:94-101.
- [11] 冯苗胜,王连生,林文水.Logistic与SEIR结合模型预 测新型冠状病毒肺炎传播规律[J].厦门大学学报(自 然科学版),2020,59:1041-1046.
- [12] 王国柱,池晓航,周强. 基于改进SEIR 模型的疫情预 测与分析[J]. 河南工学院学报,2020,28:29-33.
- [13] 王思远,谭瀚霖,李东杰. 基于改进传染病动力学易 感-暴露-感染-恢复(SEIR)模型预测新型冠状病毒 肺炎疫情[J]. 第二军医大学学报,2020,41: 637-641.
 WANG S Y, TAN H L, LI D J. Coronavirus disease 2019 epidemic trend prediction based on improved infectious disease dynamics susceptible-exposed-infectedrecovered (SEIR) model[J]. Acad J Sec Mil Med Univ, 2020, 41: 637-641.
- [14] 罗丹婷,钱华,刘聪,黄顺祥.不同国家和时段COVID-19
 控制策略效果评价:基于自适应PSO-SEIR模型[J].
 科学通报,2021,66:453-464.
- [15] 王俊芬,陈振煜,刘思德.基于仓室模型的传染病动 力学建模方法概述及应用[J].现代消化及介入诊疗, 2020,25:280-283.
- [16] BANASIAK J, PHONGI E K, LACHOWICZ M. A singularly perturbed SIS model with age structure[J]. Math Biosci Eng, 2013, 10: 499-521.

- [17] HOSHI K, KASAHARA H, MAKIOKA R, SUZUKI M, TANAKA S. Trade-off between job losses and the spread of COVID-19 in Japan[J]. Jpn Econ Rev (Oxf), 2021, 72: 683-716.
- [18] MOUANGUISSA L N, KAMARA A A, WANG X J. Modeling 2018 Ebola virus disease outbreak with Cholesky decomposition[J]. Math Methods Appl Sci, 2021, 44: 5739-5752.
- [19] YANG J X. A SIRD epidemic model with community structure[J/OL]. Chaos, 2021, 31: 013102. DOI: 10.1063/5.0019995.
- [20] 曾志坚,吴汪洋. 贸易渠道视角下的金融危机传染研 究:基于复杂网络与SIRS模型[J]. 湖南大学学报(社 会科学版),2018,32:87-93.
- [21] 王刚,冯云,陆世伟,马润年. 多操作系统异构网络的 病毒传播模型和安全性能优化策略[J]. 电子与信息 学报,2020,42:972-980.
- [22] HUNTINGFORD C, RAWSON T, BONSALL M B.
 Optimal COVID-19 vaccine sharing between two nations that also have extensive travel exchanges[J/OL].
 Front Public Health, 2021, 9: 633144. DOI: 10.3389/ fpubh.2021.633144.
- [23] GOULET A, BLANGY S, REDDER P, PRANGISHVILI D, FELISBERTO-RODRIGUES C, FORTERRE P, et al. *Acidianus* filamentous virus 1 coat proteins display a helical fold spanning the filamentous archaeal viruses lineage[J]. Proc Natl Acad Sci USA, 2009, 106: 21155-21160.
- [24] RIFHAT R, TENG Z D, WANG C X. Extinction and persistence of a stochastic SIRV epidemic model with nonlinear incidence rate[J/OL]. Adv Differ Equ, 2021, 2021: 200. DOI: 10.1186/s13662-021-03347-3.
- [25] PHAIJOO G R, GURUNG D B. Sensitivity analysis of SEIR-SEI model of dengue disease[J]. GAMS J Math Math Biosci, 2018, 6: 41-50.
- [26] LUNELLI A. An SEI model for sarcoptic mange among chamois[J]. J Biol Dyn, 2010, 4: 140-157.
- [27] 陈友进. 一类SEIS 流行病模型的全局动力学分析[J]. 常州信息职业技术学院学报,2004,3: 9-12.
- [28] FOXALL E. The SEIS model, or, the contact process with a latent stage[J]. J Appl Prob, 2016, 53: 783-801.
- [29] SIDE S, MULBAR U, SIDJARA S, SANUSI W. A

SEIR model for transmission of tuberculosis[C]//The 4th International Conference On Mathematical Sciences. Putrajaya, Malaysia, 2017.

- [30] ZHOU M M, ZHANG T S. Global analysis of an SEIR epidemic model with infectious force under intervention strategies[J]. J Appl Math Phys, 2019, 7: 1706-1717.
- [31] 黄梦瑶,黄丽达,袁宏永,刘罡. 社交隔离对COVID-19 的发展影响[J]. 清华大学学报(自然科学版),2021, 61:96-103.
- [32] 魏泽萍,刘贤宁.一类具有潜伏时滞和非线性疾病发 生率的SEIRS传染病模型[J]. 生物数学学报,2019, 34:63-74.
- [33] MOHAMED I A, AISSA A B, HUSSEIN L F, TALOBA A I, KALLEL T. A new model for epidemic prediction: COVID-19 in Kingdom Saudi Arabia case study[J/OL]. Mater Today Proc, 2021. DOI: 10.1016/ j.matpr.2021.01.088.
- [34] MCDONALD S A, MANGEN M J J, SUIJKERBUIJK A, COLZANI E, KRETZSCHMAR M E E. Effects of an ageing population and the replacement of immune birth cohorts on the burden of hepatitis A in the Netherlands[J/OL]. BMC Infect Dis, 2013, 13: 120. DOI: 10.1186/1471-2334-13-120.
- [35] ALMEIDA R, BRITO DA CRUZ A M C, MARTINS N, MONTEIRO M T T. An epidemiological MSEIR model described by the Caputo fractional derivative[J]. Int J Dyn Control, 2019, 7: 776-784.
- [36] 李学志,万志超,陈清江. 总人口规模变化的年龄结构 MSEIR流行病模型的再生数[J]. 数学的实践与认识, 2005,35:113-122.
- [37] 陈清江,蔡礼明,代丽霞.带接种疫苗的年龄结构 MSEIR流行病模型非负解的存在惟一性[J].信阳师 范学院学报(自然科学版),2003,16:389-393.
- [38] BADEJI-AJISAFE B. MSEIRS model for pediatrics with lower respiratory tract infection[J]. Glob J Med Res, 2018, 18: 11-13.
- [39] EDWARD S. A Deterministic mathematical model for direct and indirect transmission dynamics of typhoid fever[J/OL]. Open Access Lib J, 2017, 4: e3493. DOI: 10.4236/oblib.1103493.

[本文编辑] 孙 岩